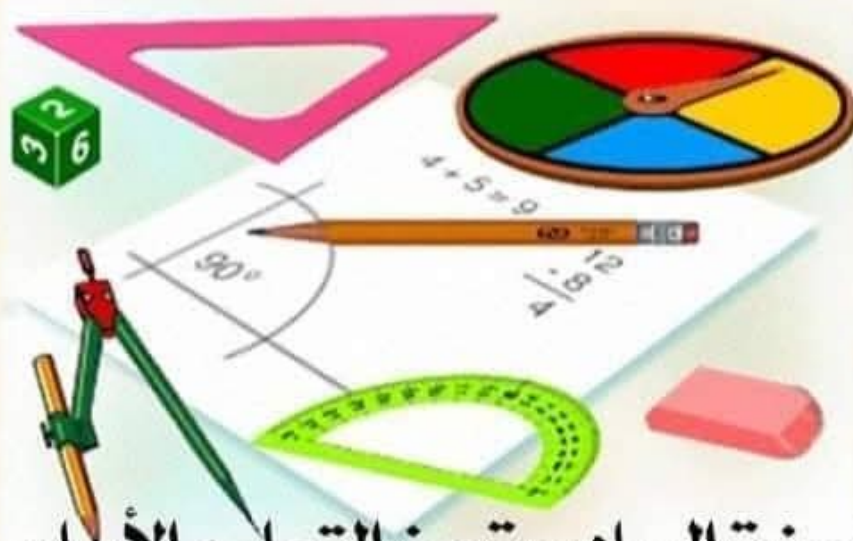


# المختصر المفيد في قواعد الرياضيات



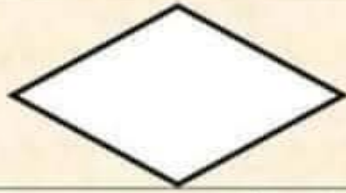
السنة السادسة من التعليم الأساسي



من انتاج

نورالدين بن خضر

استاذ مدارس ابتدائية فوق الرتبة



## المعين

- هو شكل رباعي الاضلاع، اضلاعه الأربعة ذات أطوال متساوية
- جميع اضلاعه متساوية. وكل ضلعين متقابلين متوازيان.
- كل زاويتين متقابلتين متساويتان.
- قطراه متعامدان ينصفان زواياه، ويشكلان محوري تناظر للمعين.
- للمعين زاويتين حادتين و اثريتين منفرجتين

| المطلوب          | المعطيات                          | القاعدة                                |
|------------------|-----------------------------------|----------------------------------------|
| المحيط ؟         | طول الضلع                         | طول الضلع $4 \times$                   |
| $48 \text{ م}^2$ | $12 \text{ م}$                    | $4 \times 12$                          |
| المساحة ؟        | الضلع والارتفاع                   | طول الضلع $\times$ طول الارتفاع        |
| $60 \text{ م}^2$ | $12 \text{ م}$ و $5 \text{ م}$    | $5 \times 12$                          |
| الضلع ؟          | المساحة والارتفاع                 | المساحة : طول الارتفاع                 |
| $12 \text{ م}$   | $60 \text{ م}$ و $5 \text{ م}$    | $5 : 60$                               |
| الارتفاع ؟       | المساحة والضلع                    | المساحة : طول الضلع                    |
| $5 \text{ م}$    | $60 \text{ م}^2$ و $12 \text{ م}$ | $12 : 60$                              |
| المساحة ؟        | القطر الكبير والصغير              | القطر الكبير $\times$ القطر الصغير : 2 |
| $60 \text{ م}^2$ | $12 \text{ م}$ و $10 \text{ م}$   | $2 : (10 \times 12)$                   |
| القطر الصغير     | المساحة والقطر الكبير             | (المساحة $\times 2$ ) : القطر الكبير   |
| $10 \text{ م}$   | $60 \text{ م}^2$ و $12 \text{ م}$ | $12 : (2 \times 60)$                   |
| القطر الكبير ؟   | المساحة والقطر الصغير             | (المساحة $\times 2$ ) : القطر الصغير   |
| $12 \text{ م}$   | $60 \text{ م}^2$ و $10 \text{ م}$ | $10 : (2 \times 60)$                   |



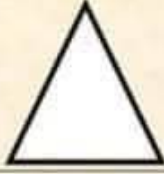


## متوازي الأضلاع

متوازي الأضلاع هو شكل رباعي الأضلاع فيه كل ضلعين متقابلين متوازيان. حيث يكون فيه كل ضلعين متوازيين متساويين بالطول وكل زاويتين متقابلتين متساويتين، وقطراه ينصفان بعضهما. ومجموع زواياه  $360^\circ$ .

- يكون كل قطر في متوازي الأضلاع منصف للقطر الآخر.
- يتقاطع قطراه في نقطة تشكل مركز تناظر لمتوازي الأضلاع، وتسمى مركز متوازي الأضلاع.
- مجموع كل زاويتين متجاورتين (على ضلع واحد)  $180^\circ$ .
- كل زاويتين متقابلتين متساويتان.

| المطلوب           | المعطيات                           | القاعدة                       |
|-------------------|------------------------------------|-------------------------------|
| المساحة؟          | القاعدة والارتفاع                  | طول القاعدة $\times$ الارتفاع |
| $250 \text{ م}^2$ | $25 \text{ م}$ و $10 \text{ م}$    | $10 \times 25$                |
| الارتفاع؟         | المساحة والقاعدة                   | المساحة : طول القاعدة         |
| $10 \text{ م}$    | $250 \text{ م}^2$ و $25 \text{ م}$ | $250 : 25$                    |
| القاعدة؟          | المساحة والارتفاع                  | المساحة : طول الارتفاع        |
| $25 \text{ م}$    | $250 \text{ م}^2$ و $10 \text{ م}$ | $250 : 10$                    |

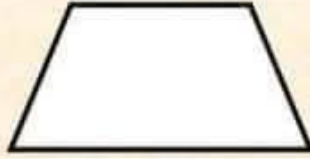


## المثلث

- هو أحد الأشكال الأساسية في الهندسة، وهو شكل ثنائي الأبعاد مكون من ثلاثة رؤوس تصل بينها ثلاثة أضلاع، وتلك الأضلاع هي قطع مستقيمة. ومجموع طولي أي ضلعين في مثلث أكبر من طول الضلع الثالث.
- تصنف المثلثات حسب أطوال أضلاعها كما يلي:
- مثلث متقايس الأضلاع: هو مثلث جميع أضلاعه متساوية، وتكون جميع زوايا المثلث متساوي الأضلاع متساوية أيضا، وقيمة كل منها 60 درجة.
- مثلث متقايس الضلعين هو مثلث فيه ضلعان متساويان. الزاويتان المقابلتان لهذين الضلعين تكونان متساويتين أيضا.
- مثلث عام هو مثلث أطوال أضلاعه مختلفة، زوايا هذا المثلث تكون مختلفة أيضا.

| المطلوب          | المعطيات                | القاعدة                          |
|------------------|-------------------------|----------------------------------|
| المحيط؟          | قيس الأضلاع             | مجموع الأضلاع                    |
| 20 م             | 8 م و 7 م و 5 م         | $5 + 7 + 8$                      |
| المساحة؟         | القاعدة والارتفاع       | (القاعدة $\times$ الارتفاع) : 2  |
| $75 \text{ م}^2$ | 15 م و 10 م             | $2 : (10 \times 15)$             |
| القاعدة؟         | المساحة والارتفاع       | (المساحة $\times 2$ ) : الارتفاع |
| 15 م             | $75 \text{ م}^2$ و 10 م | $10 : (2 \times 75)$             |
| الارتفاع؟        | المساحة والقاعدة        | (المساحة $\times 2$ ) : القاعدة  |
| 10 م             | $75 \text{ م}^2$ و 15 م | $15 : (2 \times 75)$             |

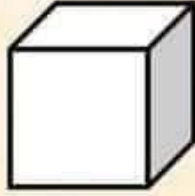




## شبه المنحرف

هو رباعي أضلاع يكون فيه اثنان من الأضلاع المتقابلة متوازيان. ويمكن تعريفه على أنه رباعي أضلاع له فقط ضلعين متقابلين متوازيين

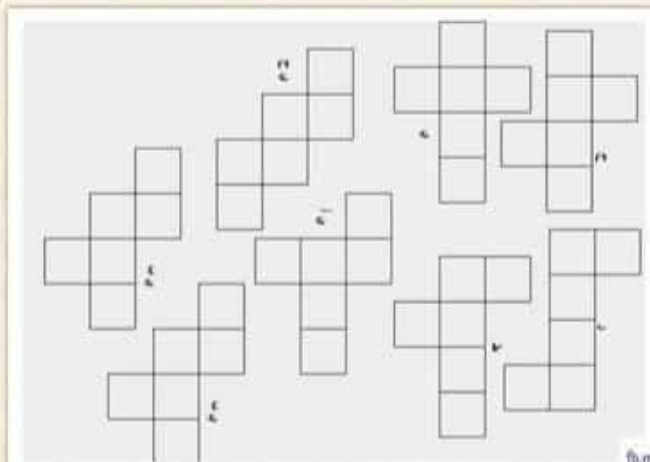
| المطلوب            | المعطيات                          | القاعدة                                               |
|--------------------|-----------------------------------|-------------------------------------------------------|
| مجموع القاعدتين    | القاعدة الكبرى والقاعدة الصغرى    | القاعدة الكبرى + القاعدة الصغرى                       |
| 200 م              | 120 م و 80 م                      | $80 + 120$                                            |
| المساحة            | مجموع القاعدتين والارتفاع         | مجموع القاعدتين $\times$ الارتفاع : 2                 |
| $5000 \text{ م}^2$ | 200 م و 50 م                      | $(50 \times 200) : 2$                                 |
| الارتفاع؟          | المساحة ومجموع القاعدتين          | (المساحة $\times 2$ ) : مجموع القاعدتين               |
| 50 م               | $5000 \text{ م}^2$ و 200 م        | $(2 \times 5000) : 200$                               |
| مجموع القاعدتين    | المساحة والارتفاع                 | (المساحة $\times 2$ ) : طول الارتفاع                  |
| 200 م              | $5000 \text{ م}^2$ و 50 م         | $(2 \times 5000) : 50$                                |
| القاعدة الصغرى؟    | المساحة والارتفاع والقاعدة الكبرى | (المساحة $\times 2$ ) : طول الارتفاع - القاعدة الكبرى |
| 80 م               | $5000 \text{ م}^2$ و 50 م و 120 م | $(2 \times 5000) : 120 - 50$                          |
| القاعدة الكبرى؟    | المساحة والارتفاع والقاعدة الصغرى | (المساحة $\times 2$ ) : طول الارتفاع - القاعدة الصغرى |
| 120 م              | $5000 \text{ م}^2$ و 50 م و 80 م  | $(2 \times 5000) : 80 - 50$                           |



## المكعب

جسم ثلاثي الأبعاد له ستة أوجه مربعة واثنا عشر حرفاً أو حافة وثمانية أركان، وهو متوازي مستطيلات أبعاده متقايسة. أركان المكعب هي زوايا القائمة، وحروفه هي الخطوط المستقيمة الممتدة بين الزوايا.

| المطلوب            | المعطيات          | القاعدة               |
|--------------------|-------------------|-----------------------|
| مساحة وجه ؟        | طول الضلع         | طول الضلع x طول الضلع |
| $225 \text{ م}^2$  | 15 م              | $15 \times 15$        |
| مساحة القاعدتين    | مساحة الوجه       | مساحة الوجه x 2       |
| $450 \text{ م}^2$  | $225 \text{ م}^2$ | $2 \times 225$        |
| المساحة الجانبية   | مساحة وجه         | مساحة وجه x 4         |
| $900 \text{ م}^2$  | $225 \text{ م}^2$ | $4 \times 225$        |
| المساحة الجملية    | مساحة وجه         | مساحة وجه x 6         |
| $1350 \text{ م}^2$ | $225 \text{ م}^2$ | $6 \times 225$        |



المكعب منشورا :





## متوازي المستطيلات

جسم ثلاثي الأبعاد له ستة أوجه يحيط به ست مستطيلات من جميع جهاته. تكون جميع زواياه قائمة، وتكون الأوجه المتقابلة متطابقة.

| المطلوب            | المعطيات                                | القاعدة                              |
|--------------------|-----------------------------------------|--------------------------------------|
| محيط القاعدة ؟     | الطول والعرض                            | $2 \times (\text{طول} + \text{عرض})$ |
| 150 م              | 50 م و 25 م                             | $2 \times (25 + 50)$                 |
| المساحة الجانبية   | محيط القاعدة والارتفاع                  | محيط القاعدة $\times$ الارتفاع       |
| 2 م 4500           | 150 م و 30 م                            | $30 \times 150$                      |
| مساحة القاعدتين    | الطول والعرض                            | مساحة القاعدة $\times 2$             |
| $2500 \text{ م}^2$ | 50 م و 25 م                             | $2 \times (25 \times 50)$            |
| المساحة الجملية ؟  | المساحة الجانبية ومساحة القاعدتين       | المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين   |
| $7000 \text{ م}^2$ | $4500 \text{ م}^2$ و $2500 \text{ م}^2$ | $2500 + 4500$                        |



متوازي المستطيلات منشورا :

## وحدات قياس السعة

- الوحدة الأساسية: اللتر
- أجزاء اللتر: المليلتر- الصنتيلتر- الديسيلتر
- مضاعفات اللتر: الديكالتلتر – الهكتولتر – المترالكعب

| المضاعفات      |      |      | الوحدة الأساسية | الاجزاء |      |      |
|----------------|------|------|-----------------|---------|------|------|
| م <sup>3</sup> | هل   | دكل  | ل               | دسل     | صل   | مل   |
| ...            | .... | .... | ....            | ....    | .... | .... |

لتحويل الوحدات من الأكبر الى الأصغر نضرب في 10 – 100 – 1000 ...

لتحويل الوحدات من الأصغر الى الأكبر نقسم على 10 – 100 – 1000 ...

• 1 هل = 10 دكل = 100 ل ...

• 1 دكل = ( 1 ل x 10 )

• 1 ل = ( 1 دسل x 10 )

• وبالتالي 1 هل = ( 1 ل x 100 )

• 1 مل = 0,1 صل = 0,01 دسل = 0,001 ل

• 1 م = ( 1 دكل : 10 ) =  $\frac{1}{10}$  دكل = 0,1 دكل

• 1 دكل = ( 1 هل : 10 ) =  $\frac{1}{10}$  هل = 0,1 هل

• 1 ل = ( 1 هل : 100 ) =  $\frac{1}{100}$  هل = 0,01 هل

• 1 مل =  $\frac{1}{10}$  صل =  $\frac{1}{100}$  دسل =  $\frac{1}{1000}$  ل

• 1 مل = 0,1 صل = 0,01 دسل = 0,001 مل



## وحدات قياس الأطوال

- الوحدة الأساسية: المتر
- أجزاء المتر: المليمتر - الصنطيتر - الديسيمتر
- مضاعفات المتر: الديكامتر - الهكٹومتر - الكيلومتر -

جدول التحويل :

| المضاعفات |      |      | الوحدة الأساسية | الأجزاء |      |      |
|-----------|------|------|-----------------|---------|------|------|
| كم        | هم   | دكم  | م               | دسم     | صم   | مم   |
| ...       | .... | .... | ....            | ....    | .... | .... |

لتحويل الوحدات من الأكبر الى الأصغر نضرب في 10 - 100 - 1000 ...

لتحويل الوحدات من الأصغر الى الأكبر نقسم على 10 - 100 - 1000 ...

• 1 كم = 10 هم = 100 دكم = 1000 م ..

• 1 كم = ( 1 هم  $\times$  10 )

• 1 هم = ( 1 دكم  $\times$  10 )

• وبالتالي 1 كم = ( 1 دكم  $\times$  100 )

• 1 مم = 0,1 صم = 0,01 دسم = 0,001 م

• 1 م = ( 1 دكم : 10 ) =  $\frac{1}{10}$  دكم = 0,1 دكم

• 1 دكم = ( 1 هم : 10 ) =  $\frac{1}{10}$  هم = 0,1 هم

• 1 م = ( 1 هم : 100 ) =  $\frac{1}{100}$  هم = 0,01 هم

• 1 مم =  $\frac{1}{10}$  صم =  $\frac{1}{100}$  دسم =  $\frac{1}{1000}$  م

• 1 مم = 0,1 صم = 0,01 دسم = 0,001 م

## وحدات قياس الكتلة

- الوحدة الأساسية: الغرام
- أجزاء الغرام: المليغرام - الصنتيغرام - الديسيغرام
- مضاعفات الغرام: الديكاغرام - الهكتوغرام - الكيلوغرام
- مضاعفات الكيلوغرام: القنطار - عشرات الكيلوغرام - الطن -

| مضاعفات الكغ |      |      | مضاعفات الغرام |      |     | الوحدة الأساسية | أجزاء الغرام |      |      |
|--------------|------|------|----------------|------|-----|-----------------|--------------|------|------|
| ط            | ق    | كغ   | ع. كغ          | دكغ  | ... | غ               | دسغ          | صغ   | مغ   |
| ....         | .... | .... | ....           | .... | ... | ....            | ....         | .... | .... |

لتحويل الوحدات من الأكبر الى الأصغر نضرب في 10 - 100 - 1000 ...

لتحويل الوحدات من الأصغر الى الأكبر نقسم على 10 - 100 - 1000 ...

- 1 كغ = 10 هغ = 100 دكغ = 1000 غ ..
- 1 كغ = ( 1 هغ x 10 )      1 هغ = ( 1 دكغ x 10 )
- وبالتالي 1 كغ = ( 1 دكغ x 100 )

- 1 مغ = 0,1 صغ = 0,01 دسغ = 0,001 غ
- 1 غ = ( 1 دكغ : 10 ) =  $\frac{1}{10}$  دكغ = 0,1 دكغ
- 1 دكغ = ( 1 هغ : 10 ) =  $\frac{1}{10}$  هغ = 0,1 هغ
- 1 غ = ( 1 هغ : 100 ) =  $\frac{1}{100}$  هغ = 0,01 هغ
- 1 مغ =  $\frac{1}{10}$  صغ =  $\frac{1}{100}$  دسغ =  $\frac{1}{1000}$  غ
- 1 مغ = 0,1 صغ = 0,01 دسغ = 0,001 غ

|                                     |                                |                                   |
|-------------------------------------|--------------------------------|-----------------------------------|
| 1 ط = 1000 كغ                       | 1 ط = 10 ق                     | 1 ق = 100 كغ                      |
| 1 كغ = $\frac{1}{1000}$ ط = 0,001 ط | 1 ق = $\frac{1}{10}$ ط = 0,1 ط | 1 كغ = $\frac{1}{100}$ ق = 0,01 ق |



## وحدات قياس المساحات

- الوحدة الأساسية: المتر المربع
- الأجزاء: المليمتر المربع - الصنتيمتر المربع - الديسيمتر المربع
- المضاعفات: الديكامتر المربع - الهكٹومتر المربع - الكيلومتر المربع

| المضاعفات       |     |                 |      |                  |      | الوحدة الأساسية |      | الأجزاء          |      |                 |      |                 |      |
|-----------------|-----|-----------------|------|------------------|------|-----------------|------|------------------|------|-----------------|------|-----------------|------|
| كم <sup>2</sup> |     | هم <sup>2</sup> |      | دكم <sup>2</sup> |      | م <sup>2</sup>  |      | دسم <sup>2</sup> |      | صم <sup>2</sup> |      | مم <sup>2</sup> |      |
| ....            | ... | ....            | .... | ....             | .... | ....            | .... | ....             | .... | ....            | .... | ....            | .... |

لتحويل الوحدات من الأكبر الى الأصغر نضرب في 100 - 10000 - ...

لتحويل الوحدات من الأصغر الى الأكبر نقسم على 100 - 10000 ...

$$1 \text{ م}^2 = 100 \text{ دسم}^2 = 10000 \text{ صم}^2 = 1000000 \text{ مم}^2 \dots$$

$$1 \text{ كم}^2 = (1 \text{ هم}^2 \times 100)$$

$$1 \text{ هم}^2 = (1 \text{ دكم}^2 \times 100)$$

$$\text{وبالتالي } 1 \text{ كم}^2 = (1 \text{ دكم}^2 \times 10000)$$

$$1 \text{ مم}^2 = 0,01 \text{ صم}^2 = 0,0001 \text{ دسم}^2$$

$$1 \text{ م}^2 = (1 \text{ دكم}^2 : 100) = \frac{1}{100} \text{ دكم}^2 = 0,01 \text{ دكم}^2$$

$$1 \text{ دكم}^2 = (1 \text{ هم}^2 : 100) = \frac{1}{100} \text{ هم}^2 = 0,01 \text{ هم}^2$$

$$1 \text{ م}^2 = (1 \text{ هم}^2 : 10000) = \frac{1}{10000} \text{ هم}^2 = 0,0001 \text{ هم}^2$$

$$1 \text{ مم}^2 = \frac{1}{100} \text{ صم}^2 = \frac{1}{10000} \text{ دسم}^2 = \frac{1}{1000000} \text{ م}^2$$

$$1 \text{ مم}^2 = 0,01 \text{ صم}^2 = 0,0001 \text{ دسم}^2 = 0,0000001 \text{ م}^2$$

## وحدات قياس المساحات الفلاحية

- الوحدة الأساسية : الأر
- الأجزاء : الصنتيار
- المضاعفات : الهكتار

| المضاعفات | الوحدة الأساسية | الأجزاء |
|-----------|-----------------|---------|
| ها        | أ               | صأ      |
| ....      | ....            | ....    |

- الصنتيار يقابله : المتر مربع ( 1 صأ = 1 م<sup>2</sup> )
- والأر يقابله الديكومتر مربع ( 1 أ = 1 دكم<sup>2</sup> )
- والهكتار يقابله الهكتومتر مربع ( 1 ها = 1 هم<sup>2</sup> )
- لتحويل الوحدات من الأكبر الى الأصغر نضرب في 100 - 10000 - ...
- لتحويل الوحدات من الأصغر الى الأكبر نقسم على 100 - 10000 ...

- 1 ها = 100 أ = 10000 صأ
- 1 أ = 100 صأ
- 1 ها = ( 100 x أ )
- 1 أ = ( 100 x صأ )
- وبالتالي 1 ها = 1 صأ x 10000

- 1 صأ = 0,01 أ = 0,0001 ها
- 1 أ = 0,01 ها =  $\frac{1}{100}$  ها
- 1 صأ = 0,01 أ =  $\frac{1}{100}$  أ



## وحدات قياس الزمن

الثانية - الدقيقة - الساعة - اليوم - الاسبوع - الشهر - السنة - العقد - القرن ..

- الساعة = 60 دقيقة
- الدقيقة = 60 ثانية
- الساعة = 3600 ثانية
- اليوم = 24 ساعة
- الأسبوع = 7 أيام
- ( الاثنان - الثلاثاء - الأربعاء - الخميس - الجمعة - السبت - الأحد )
- الشهر = 4 أسابيع = ( 28 - 29 - 30 - 31 يوما )
- جانفي ( 31 ) - فيفري ( 28 - 29 ) - مارس ( 31 ) - أفريل ( 30 )
- ماي ( 31 ) - جوان ( 30 ) - جويلية ( 31 ) - أوت ( 31 )
- سبتمبر ( 30 ) - أكتوبر ( 31 ) - نوفمبر ( 30 ) - ديسمبر ( 31 )
- السنة = 12 شهرا
- السنة الفلكية : 365 يوما وربع اليوم ( 6 ساعات )
- السنة العادية : ( 365 يوما )
- السنة الكبيسة : ( 366 يوما ... فيفري 29 يوما مرة في الأربع سنوات )

| نصف ساعة | ربع ساعة | ثلث ساعة | ثلاثة ارباع الساعة |
|----------|----------|----------|--------------------|
| 30 دق    | 15 دق    | 20 دق    | 45 دق              |

## المسافة والسرعة والزمن

- ساعة الوصول = ساعة الانطلاق + المدة المستغرقة
- الزمن المستغرق = ساعة الوصول - ساعة الانطلاق
- ساعة الانطلاق = ساعة الوصول - المدة المستغرقة

معدل السرعة = طول المسافة : الزمن

مثال : قطعت سيارة مسافة 360 كم في 4 ساعات . ما معدل سرعتها؟  
الحل : معدل سرعتها =  $360 : 4 = 90$  كم / س

أما إذا كان الزمن بحساب الساعات والدقائق فيجب تحويله إلى الدقائق .  
عند ذلك نضرب المسافة  $\times 60$  دق ثم نقسم على الزمن المحول إلى دقائق .

مثال : قطع دراج مسافة 50 كم في 1 س و 45 دق . ما معدل سرعته ؟  
الحل : 1 / تحويل الزمن إلى دقائق : 1 س و 40 دق = 100 دقيقة.  
2 / معدل سرعته :  $(60 \times 50) : 100 = 30$  كم / س

طول المسافة = معدل السرعة  $\times$  الزمن

مثال : قطع سائق شاحنة المسافة الفاصلة بين مدينتين في 5 س.  
ما هو طول هذه المسافة إذا علمت أنه يسير بسرعة معدلها 65 كم / س.  
الحل : طول المسافة =  $5 \times 65 = 325$  كم.

أما إذا كان الزمن بحساب الساعات والدقائق فيجب تحويله إلى الدقائق أولاً  
ثم نضربه في معدل السرعة ونقسم على 60.

مثال : قطعت دراجة نارية مسافة بين مدينتين في 2 س و 15 دق . ما هو طول  
المسافة إذا علمت أن معدل سرعتها 42 كم س

الحل : 1 / تحويل الزمن إلى دقائق : 2 س و 15 دق = 135 دق

2 / طول المسافة =  $(135 \times 40) : 60 = 90$



الزمن = طول المسافة : معدل السرعة

مثال : يسير دراج بسرعة معدلها 30 كم/س . ما هو الزمن الذي يقطع فيه مسافة 45 كم ؟

الحل : الزمن الذي يقطع فيه مسافة 45 كم هو : 45 : 30 = 1 س 30 دق .

كما يمكن أن نضرب المسافة  $60 \times$  دق ثم نقسم على معدل السرعة ويكون الزمن في هذه الحالة بحساب الدقائق :  
( 45 كم  $\times 60$  ) : 30 = 90 دق = 1 س و 30 دق .

بالامكان توظيف التناسب في البحث عن المسافة والسرعة والزمن :  
في الوضعية الأولى :

• قطعت سيارة مسافة 360 كم في 4 ساعات . ما معدل سرعتها ؟

|        |     |
|--------|-----|
| 360 كم | ؟   |
| 4 س    | 1 س |

في الوضعية الثانية :

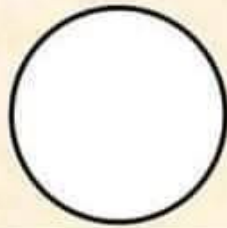
• قطع سائق شاحنة المسافة الفاصلة بين مدينتين في 5 س .  
ما هو طول هذه المسافة إذا علمت أنه يسير بسرعة معدلها 65 كم / س

|     |       |
|-----|-------|
| ؟   | 65 كم |
| 5 س | 1 س   |

في الوضعية الثالثة :

• يسير دراج بسرعة معدلها 30 كم/س . ما هو الزمن الذي يقطع فيه مسافة 45 كم ؟

|       |       |
|-------|-------|
| 45 كم | 30 كم |
| ؟     | 1 س   |



## الدائرة

هي شكل بسيط في الهندسة الإقليدية. وتعرف بأنها المحل الهندسي للنقاط المتصلة ببعضها البعض والواقعة في المستوى من على بعد ثابت من نقطة ثابتة ما، والتي تسمى مركز الدائرة. المسافة الفاصلة بين مركز الدائرة وأي نقطة منها تسمى شعاعاً أو نصف قطر. الدائرة هي المحيط فقط. أما ما يوجد في الداخل، فهو قرص.

| المطلوب            | المعطيات   | القاعدة                         |
|--------------------|------------|---------------------------------|
| القطر؟             | طول الشعاع | طول الشعاع $\times 2$           |
| 10 م               | 5 م        | $2 \times 5$                    |
| الشعاع؟            | طول القطر  | طول القطر : 2                   |
| 5 م                | 10 م       | $2 : 10$                        |
| المحيط؟            | طول القطر  | طول القطر $\times \pi$          |
| $31,4 \text{ م}^2$ | 10         | $3,14 \times 10$                |
| القطر؟             | طول المحيط | طول المحيط : $\pi$              |
| 10 م               | 31,4       | $3,14 : 31,4$                   |
| المساحة؟           | طول الشعاع | شعاع $\times$ شعاع $\times \pi$ |
| $78,5 \text{ م}^2$ | 5 م        | $3,14 \times 5 \times 5$        |





## المربع

المربع هو مضلع يتكون من أربعة أضلاع متساوية في الطول ومتعامدة تشكل أربع زوايا قائمة.

- جميع زواياه تساوي  $90^\circ$ .
- القطر في المربع يكون من الزاوية إلى الزاوية المقابلة لها.
- الضلعين المتقابلين في المربع متوازيين ومتساويين في الطول.
- مجموع زوايا المربع -  $360$  درجة
- أقطار المربع متساوية.

| المطلوب          | المعطيات   | القاعدة                      |
|------------------|------------|------------------------------|
| المحيط ؟         | طول الضلع  | طول الضلع $4 \times$         |
| 20 م             | 5 م        | $4 \times 5$                 |
| نصف المحيط ؟     | طول الضلع  | طول الضلع $2 \times$         |
|                  | 5 م        | $2 \times 5$                 |
| 10 م             | طول المحيط | طول المحيط : 2               |
|                  | 20 م       | 2 : 20                       |
| الضلع ؟          | طول المحيط | طول المحيط : 4               |
| 5 م              | 20 م       | 4 : 20                       |
| المساحة ؟        | طول الضلع  | طول الضلع $\times$ طول الضلع |
| $25 \text{ م}^2$ | 5 م        | $5 \times 5$                 |

## الجمع والطرح

- الكلفة = ثمن الشراء + المصاريف
- ثمن الشراء = الكلفة - المصاريف
- المصاريف = الكلفة - ثمن الشراء

مثال :

- تاجر اشترى كمية من الغلال بـ 250 دينار وصرف لنقلها 50 دينارا .  
ما هي كلفة المشتريات ؟
- ثمن الكلفة بالدينار :
- $300 = 50 + 250$

- تاجر اشترى كمية تكلفت عليه بـ 300 د بعد ان صرف لنقلها 50 د  
ما هو ثمن الشراء ؟
- ثمن الشراء بالدينار :
- $250 = 50 - 300$

- تاجر اشترى كمية من الغلال بـ 250 د ، تكلفت عليه بـ 300 د بعد  
دفع مصاريف النقل  
كم صرف لنقلها ؟
- مصاريف النقل بالدينار :
- $50 = 250 - 300$



- ثمن البيع - الكلفة + الربح
- الكلفة - ثمن البيع - الربح
- الربح - ثمن البيع - الكلفة

مثال :

ربح تاجر 100 دينار في كمية الغلال التي تكلفت عليه بـ 300 د،  
بكم باعها ؟

• ثمن بيع الغلال بالدينار :

$$400 = 100 + 300$$

باع تاجر كمية من الغلال بـ 400 دينار وقد ربح فيها 100 د .  
ما هي كلفة الغلال ؟

• كلفة الغلال بالدينار :

$$300 = 100 - 400$$

باع تاجر كمية الغلال بـ 400 دينار بعد أن تكلفت عليه بـ 300 د  
ما هو مقدار ربحه ؟

• مقدار الربح بالدينار :

$$100 = 300 - 400$$

- الكلفة = ثمن البيع + الخسارة
- ثمن البيع = الكلفة - الخسارة
- الخسارة = الكلفة - ثمن البيع

مثال :

خسر التاجر 100 د في كمية الغلال التي باعها بـ 200 د .  
بكم تكلفت عليه الغلال ؟

• ثمن الكلفة بالدينار :

$$300 = 100 + 200$$

تكلفت كمية من الغلال على بائع 300 د وعند بيعها خسر 100 د  
بكم باع الغلال ؟

• ثمن البيع بالدينار :

$$200 = 300 - 100$$

تكلفت كمية من الغلال على بائع 300 د وباعها بـ 200 د  
كم خسر البائع ؟

• مقدار الخسارة بالدينار :

$$100 = 300 - 200$$



## حفظ جدول الضرب باستخدام الأصابع :

- من المعلوم أن التلاميذ يستسهلون حفظ جدول الضرب من 1 إلى 5 ،  
و تكمن الصعوبة في جدول الضرب للأرقام التي تزيد عن ذلك، وقد  
تفيدك أصابعك عند حفظها، فمن المعلوم أن نتيجة ضرب العدد 8 في  
6 يساوي 48 ، فكيف يتم حساب ذلك باستخدام الأصابع؟  
ضع العدد 6 في إحدى يديك عن طريق قيامك بإغلاق أصبع واحد، أي  
أغلق عدد الأصابع التي تزيد عن الخمسة فقط، في اليد الأخرى أغلق  
ثلاثة أصابع للعدد 8؛ حيث إن  $3 \times 5 = 15$  وبعد ذلك اضرب الأصابع المفتوحة  
في بعضها؛ ونعني بذلك أن اليد الأولى فيها أربع أصابع، وفي اليد الثانية  
أصبعان، بعد ذلك اضرب  $4 \times 2$  يساوي 8؛ إذا العدد الأول هو 8، وهو رقم  
الآحاد . أما لمعرفة العشرات فإن كل أصبع مغلق لدينا يمثل العدد 10،  
كم أصبع مغلق لدينا في اليدين؟ العدد الثاني سيكون 4 إذا وبذلك  
ينتج 8 في الآحاد و 4 في العشرات؛ أي إن الرقم هو 48 . ويمكن تطبيق  
هاته الطريقة على جميع الأعداد .

## حفظ جدول الضرب بطريقة أخرى :

- لحفظ جدول ضرب 1 نكتفي بكتابة نفس العدد في النتيجة.
- لحفظ جدول ضرب 2 نكرر العدد مرتين بالقيام بعملية جمع  
وتكون النتيجة دائما زوجية ( 2 - 4 - 6 ..... 120 - 856 - 3218 ..... )
- لحفظ جدول ضرب 3 نكرر العدد ثلاث مرات ولا بد أن يكون  
مجموع أرقامه من مضاعفات 3 أي 3 أو 6 أو 9 فمثلا 20142 من  
مضاعفات 3 لأن (  $9 = 2+0+1+4+2$  )

## الضرب

- لضرب عدد صحيح في 10 يكفي أن نكتب صفرا على يمينه  
مثال :  $1230 = 10 \times 123$
- وعندما نضربه  $100 \times$  نكتب على يمينه صفران ( 00 ) ...
- لضرب عدد ما في 0,1 يكفي أن أقسم العدد نفسه على 10  
مثال :  $27,5 = 0,1 \times 275$
- $27,5 = 10 : 275$
- لضرب عدد ما في 0,2 يكفي أن أقسم العدد نفسه على 5  
مثال :  $55 = 0,2 \times 275$
- $55 = 5 : 275$
- لضرب عدد ما في 0,5 يكفي أن أقسم العدد نفسه على 2  
مثال :  $90 = 0,5 \times 180$
- $90 = 2 : 180$
- لضرب عدد ما في 0,25 يكفي أن أقسم العدد نفسه على 4  
مثال :  $45 = 0,25 \times 180$
- $45 = 4 : 180$
- لضرب عدد عشري في 10 انقل الفاصل منزلة واحدة الى اليمين  
مثال :  $657,12 = 10 \times 65,712$
- لضرب عدد عشري في 100 انقل الفاصل منزلتين الى اليمين  
مثال :  $6571,2 = 100 \times 65,712$
- لضرب عدد عشري في 1000 انقل الفاصل ثلاثة منازل الى اليمين  
مثال :  $65712 = 1000 \times 65,712$



## القسمت

يكون عدد ما قابلاً للقسمتة على 2 إذا كان رقم أحاده : 0-2-4-6-8

مثال : 12 - 120 - 2364 - 2016 - 12378 .....

يكون عدد ما قابلاً للقسمتة على 3 إذا كان مجموع أرقامه : 3-6-9  
مثال :  $36$  (  $9 = 3 + 6$  )  $3030$  (  $6 = 3 + 0 + 3 + 0$  )  $1020$  (  $3 = 1 + 0 + 2 + 0$  )

يكون عدد ما قابلاً للقسمتة على 4 إذا كان رقم أحاده وعشراته من مضاعفات 4

مثال : 1208 - 12316 - 27180

يكون عدد ما قابلاً للقسمتة على 5 إذا كان رقم أحاده : 0-5

مثال : 50 - 120 - 2345 - 23465

يكون عدد ما قابلاً للقسمتة على 9 إذا كان مجموع أرقامه 9  
مثال : 963 (  $18 = 9 + 6 + 3$  اي  $9 = 1 + 8$  ) 1035 - 1233

جدول الضرب

| 10  | 9  | 8  | 7  | 6  | 5  | 4  | 3  | 2  | 1  | 0 | ×  |
|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|---|----|
| 0   | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0 | 0  |
| 10  | 9  | 8  | 7  | 6  | 5  | 4  | 3  | 2  | 1  | 0 | 1  |
| 20  | 18 | 16 | 14 | 12 | 10 | 8  | 6  | 4  | 2  | 0 | 2  |
| 30  | 27 | 24 | 21 | 18 | 15 | 12 | 9  | 6  | 3  | 0 | 3  |
| 40  | 36 | 32 | 28 | 24 | 20 | 16 | 12 | 8  | 4  | 0 | 4  |
| 50  | 45 | 40 | 35 | 30 | 25 | 20 | 15 | 10 | 5  | 0 | 5  |
| 60  | 54 | 48 | 42 | 36 | 30 | 24 | 18 | 12 | 6  | 0 | 6  |
| 70  | 63 | 56 | 49 | 42 | 35 | 28 | 21 | 14 | 7  | 0 | 7  |
| 80  | 72 | 64 | 56 | 48 | 40 | 32 | 24 | 16 | 8  | 0 | 8  |
| 90  | 81 | 72 | 63 | 54 | 45 | 36 | 27 | 18 | 9  | 0 | 9  |
| 100 | 90 | 80 | 70 | 60 | 50 | 40 | 30 | 20 | 10 | 0 | 10 |



## السلم

البعد على التصميم = البعد الحقيقي بالصم : مقام السلم

مثال : البعد الحقيقي = 125 م      السلم =  $\frac{1}{1000}$   
البعد على التصميم ؟

- أحول الى الصم : 125 م = 12500 صم
  - أقسم على مقام السلم : 12500 : 1000 = 12,5 صم
- يمكن كذلك ان أقسم ثم أحول بعدها

البعد الحقيقي = البعد على التصميم x مقام السلم.

مثال : البعد على التصميم = 12,5 صم      السلم =  $\frac{1}{1000}$   
البعد على الحقيقي ؟

- أضرب في مقام السلم : 12,5 x 1000 = 12500 صم
  - أحول الى الم : 12500 صم = 125 م
- يمكن كذلك ان أحول ثم أضرب بعدها

السلم = البعد على التصميم : البعد الحقيقي

مثال : البعد على التصميم = 12,5 صم  
البعد على الحقيقي = 125 م  
السلم ؟

- أحول الى الصم : 125 م = 12500 صم
- أقسم البعد على التصميم على البعد الحقيقي
- $$\frac{1}{1000} = 1000 : 1 = 0,001 = 12500 : 12,5$$

- بالامكان توظيف التناسب في حساب السلم

## النسبة المئوية

النسبة المئوية هي نسبة عادية مقامها 100 تبين العلاقة بين كميتين. ويمكن التعبير عن النسبة المئوية بعدة طرق، كأن يقال: نسبة الناجحين من المجموع الكلي للتلاميذ هي: 1٪، أو  $(\frac{1}{100})$  أو (1 : 100)، ويرمز للنسبة المئوية بالرمز (٪)، وهذا الرمز هو الرمز المتعارف عليه للإشارة إلى النسبة المئوية.

- النسبة المئوية = (المقدار الناتج  $\times$  100) : المقدار الأصلي
- المقدار الناتج = المقدار الأصلي  $\times$  بسط النسبة المئوية : 100
- المقدار الأصلي = (المقدار الناتج  $\times$  100) : بسط النسبة

المثال الأول:

■ أراد أخي أن يشتري دراجة ثمنها 80 د ، فمنحه البائع تخفيضا نسبته 12٪.

السؤال 1: كم قيمة التخفيض ؟

السؤال 2: كم يدفع ؟

حل السؤال 1:

بما أن الـ 80 د تمثل بالنسبة المئوية: 100 ٪ ساقسم المبلغ على 100 لمعرفة قيمة الجزء الواحد ، ثم أضرب العدد المتحصل عليه في 12 جزءا التي خفضها لي البائع وذلك لمعرفة قيمة التخفيض .

■ قيمة التخفيض بالدينار  $= \frac{12 \times 80}{100} = 9.600$  كما تكتب:  $100 : (12 \times 80)$

أو  $12 \times (100 : 80)$

■ أستعين بجدول التناسب

|       |        |
|-------|--------|
| 80 د  | .....؟ |
| ..... | 12 ٪   |



## حل السؤال 2 :

نبحث أولا عن المبلغ الذي يمثل التخفيض والمتمثل في نسبة 12% من الثمن الأصلي:

$$\text{قيمة التخفيض بالدينار} = \frac{12 \times 80}{100} = 9.600$$

ثم نطرح قيمة التخفيض من الثمن الأصلي للدراجة :

$$\text{المبلغ المدفوع بالدينار: } 70.400 = 9.600 - 80$$

أو الثمن الأصلي الذي هو 80 د يمثل 100% وبما أن البائع منحه تخفيضا

نسبته 12% فالمبلغ المدفوع بالنسبة المئوية يتمثل في : 100% - 12% =

88%. وهذه النسبة تساوي بالدينار

$$\text{المبلغ المدفوع بالدينار: } 70.400 = \frac{88 \times 80}{100}$$

كما يمكن كتابتها: (88 x 80) : 100 أو (100 : 80) x 88 = 70.400

▪ أستعين بجدول التناسب

|       |       |       |
|-------|-------|-------|
| 80 د  | ..... | ؟     |
| ..... | 12 %  | ..... |

• تمارين تطبيقية :

1. اشترى أبي كسوة ثمنها الأصلي 150 د فخفض له البائع 20% من ثمنها . كم دفع ؟

2. تقدر صابئة الزيتون لفلاح بـ 1200 كغ احتفظ صاحبها لنفسه بـ 15 % من الكمية . كم باع ؟

3. لمربي أبقار كمية من الحليب بلغت 750 لترا حول 25% منها جبنا . كم بقي معه ؟

4. مساحة أرض 1500 مترا مربعا باع صاحبها 90% كم مساحة الجزء المتبقي ؟

5. شارك في المناظرة 250 تلميذا نجح منهم 70% كم عدد الراسين ؟

## المثال الثاني :

▪ أراد أخى أن يشتري دراجة فمنحه البائع تخفيضاً نسبته 12% وهذه النسبة تساوي 9.600 د

السؤال 1 : ما هو الثمن الأصلي للدراجة ؟

السؤال 2 : كم دفع أخى بعد التخفيض ؟

### الحل 1 :

الثمن الأصلي كما هو معروف يتمثل في نسبة 100% وللتعرف على قيمته نقسم 9.600 د على 12 لنعرف قيمة 1% ثم نضرب في 100% كما يلي :

▪ الثمن الأصلي للدراجة بالدينار :  $80 = \frac{100 \times 9.600}{12}$

▪ أستعين بجدول التناسب

|         |        |
|---------|--------|
| 9.600 د | ؟..... |
| 12%     | .....  |

### الحل 2 :

الثمن الأصلي كما هو معروف يتمثل في نسبة 100% نسبة التخفيض 12% وبالتالي لن يدفع إلا 88% من ثمن الدراجة (  $100\% - 12\% = 88\%$  ) وللتعرف على هذه قيمته نقسم 9.600 د على 12 لنعرف قيمة 1% ثم نضرب في 88 لنعرف 88% كما يلي :

▪ المبلغ المدفوع بالدينار :  $70.400 = \frac{88 \times 9.600}{12}$

وتكتب (  $88 \times 9.600$  ) : 12 أو :  $70.400 = 9.600 - 80$

▪ أستعين بجدول التناسب

|        |         |       |
|--------|---------|-------|
| ؟..... | 9.600 د | ..... |
| .....  | 12%     | ..... |



• تمارين تطبيقية :

1. خفض لي الكتي 12,500 د من ثمن القصص وهم ما يمثل 15% . كم دفعت ؟
2. نصيب أبي من أرض جدي 1350 مترا مربعا وهو ما يمثل 25% من مساحتها. ما هي المساحة المتبقية لأعمامي وعماتي للأرض ؟
3. حول الفلاح 20% من صابة الزيتون زيتا وهو ما يمثل 350 كغ. وباع الباقي. ما هي كتلة الكمية المباعة ؟
4. 30% من كمية المياه أي 39600 ل تتبخروا بالبقية يتم استغلالها. كم تبلغ كمية الماء المستغلة ؟
5. 250 طنا من الغلال المخزنة تستهلك يوميا وهو ما يمثل 40% من الكمية. كم تبلغ كتلة الكمية المتبقية ؟

المثال الثالث :

أراد أخي أن يشتري دراجة ، فدفع 70.400 بعد أن خفض له البائع 12% من ثمنها الأصلي .

السؤال 1 : ما هو الثمن الأصلي للدراجة ؟

السؤال 2 : ما هي قيمة التخفيض ؟

الحل 1 :

الثمن الأصلي كما هو معروف يتمثل في نسبة 100% وبما أن أخي تمتع بتخفيض نسبته 12% فلن يدفع سوى 88% ( 100% - 12% = 88% ) وللتعرف على قيمته :

بما أن 88% قيمتها 70.400 د فإننا نقسم هذا العدد د على 88 لنعرف قيمة 1% ثم نضرب في 100%

الثمن الأصلي للدراجة بالدينار بالدينار :  $80 = \frac{100 \times 70.400}{88}$  وتكتب

( 100 x 70.400 ) : 88

▪ أستعين بجدول التناسب

|        |       |        |
|--------|-------|--------|
| 70.400 | ..... | ؟..... |
| .....  | 12%   | .....  |

الحل 2 :

الـثمن الأـصلي كما هو معروف يـتمثل في نسبة 100% وبما أنه أخـي تـمتع بتخفيض نسبته 12% فلن يدفع سوى 88% (  $100\% - 12\% = 88\%$  ) وبما أن 88% قيمتها 70.400 د فإننا نقسم هذا العدد على 88 لنعرف قيمة 1% ثم نضرب في 12%

- قيمة التخفيض بالدينار:  $9.600 = \frac{12 \times 70.400}{88}$  أو  $9.600 - 70.400 = 80$
- أستعين بجدول التناسب

|        |        |
|--------|--------|
| 70.400 | ؟..... |
| .....  | 12%    |

• تمارين تطبيقية:

1. اشترى أبي ثلاجة ، فدفع 680 د بعد أن خفض له البائع 15% من ثمنها الأصلي .  
ما هو الثمن الأصلي للثلاجة ؟
2. احتفظ أبي بـ 1080 كغ من الصابنة بعد أن وزع على العمال 10% منها .  
كم بلغت الصابنة ؟
3. نجح في المناظرة 416 تلميذا بعد أن رسب منهم 20% كم عدد المشاركين في المناظرة ؟
4. باع فلاح 70% من مساحة حقله بعد أن احتفظ لنفسه بـ 3600 مترا مربعا .  
ما هي المساحة الأصلية للأرض ؟
5. حول مربى ابقار 660 لترا من الحليب جبنا بعد أن باع 40% من الإنتاج سائلا .  
كم بلغت الكمية المنتجة ؟



المثال الرابع :

▪ أراد أخي أن يشتري دراجة ثمنها 80 د فمتعه التاجر بتخفيض قدره 9.600 د فقط.

السؤال : كم نسبة التخفيض ؟

لمعرفة نسبة التخفيض أطبق القاعدة التالية : ( قيمة التخفيض  $\times 100$  ) : الثمن الأصلي

▪ نسبة التخفيض (  $9.600 \times 100$  ) : 80 = 12 %

|       |          |
|-------|----------|
| 80 د  | 9.600 د. |
| ..... | ؟.....   |

• تمارين تطبيقية :

1. اشترت موسوعة ثمنها 120 ديناراً. فخفض لي البائع 24 د . كم نسبة التخفيض ؟
2. جففنا 48 كغ من التين فنقص من وزنها 4,8 كغ. كم بلغت نسبة الكمية المتبخرة ؟
3. تاجر اشترى 620 كغ من السمك لبيعها. فلم يبيع منها إلا 520 كغ. ما هي نسبة الكمية المباعة ؟
4. ينتج معمل 1400 سروالاً يومياً يوزع للسوق الداخلية 70 سروالاً فقط. ما هي نسبة التوزيع المحلي ؟
5. يقطع عداء مسافة 15000 م أسبوعياً منها 3000 م يوح الأحد . ما هي نسبة المسافة المقطوعة يوم الأحد ؟

المثال الخامس :

▪ أراد أخي أن يشتري دراجة ثمنها 80 د فتمعه التاجر بتخفيض دفع على إثره 70.400 د فقط.

السؤال : كم نسبة التخفيض ؟

قبل البحث عن نسبة التخفيض لا بد من البحث عن المبلغ الذي وقع تخفيضه وهو :

▪ قيمة التخفيض بالدينار :  $9.600 = 70.400 - 80$

ولمعرفة نسبة التخفيض أطبق القاعدة التالية : (قيمة التخفيض  $\times 100$ ) : الثمن الأصلي :

▪ نسبة التخفيض (  $100 \times 9.600$  ) :  $80 = 12\%$

|          |        |       |
|----------|--------|-------|
| 70.400 د | .....  | 80 د  |
| .....    | ؟..... | ..... |

تمارين تطبيقية :

1. اشترى أبي تلفازا بـ 1200 د، لكنه لم يدفع سوى 1080 د . كم نسبة التخفيض؟
2. حولنا 860 كغ من الغلال إلى عصير فتحصلنا على 731 كغ . كم بلغت نسبة الفضلات ؟
3. لمربي دواجن 880 طيرا ارتفعت درجة الحرارة فلم يبق منهم سوى 836 طيرا . كم نسبة الوفيات ؟
4. تنتج شركة 450 زوج حذاء يوميا تصدر منها 315 زوجا . ما هي نسبة التوزيع المحلي ؟
5. تعطي 500 كغ من الزيتون 200 لترا زيتا . ما هي نسبة الفضلات ؟



المثال السادس :

إذا كانت هناك نسبة زيادة فنحن نزيد لا نطرح :

- موظف يتقاضى 600 د ارتقى فارتفعت أجرته بنسبة 15 % .  
كم صار يتقاضى ؟

الطريقة الأولى :

نبحث عن المبلغ الذي وقعت زيادته :

$$\text{قيمة الزيادة بالدينار : } (15 \times 600) : 100 = 90$$

ثم نزيد المبلغ إلى أجرته الأصلية :

$$\text{المرتب الجديد للموظف بالدينار : } 600 + 90 = 690.$$

الطريقة الثانية :

المرتب القديم الذي هو 600 د يمثل نسبة 100% إذن فإن النسبة المئوية

التي تمثل الأجر الجديد هي :  $100\% + 15\% = 115\%$

$$\text{الأجرة الجديدة للموظف بالدينار : } (115 \times 600) : 100 = 690.$$

▪ أستعين بجدول التناسب

|       |       |        |
|-------|-------|--------|
| 600 د | ..... | ؟..... |
| ..... | 15 %  | .....  |

• تمارين تطبيقية :

1. ادخر فلاح مبلغا ماليا يقدر بـ 2400 د بالبنك وعند سحبه اتضح له أن البنك متعه بفائض قدره 5% . كم سحب هذا الفلاح من البنك ؟
2. اشترى تاجر غلال بـ 175 دينار تفاحا وقرر أن يربح فيها 12 % . بكم سيبيعه ؟
3. تبللت كمية من الخشب بالماء فزاد وزنها بنسبة 7% . كم أصبحت كتلتها إذا علمت أن وزنها الأصلي 475 كغ.
4. أسلاك كهربائية طولها 2500 م تمددت بمفعول الحرارة بنسبة 3% كم أصبح طولها ؟
5. ارتفع ثمن البنزين بنسبة 8% . فكم أصبح ثمن اللتر الواحد بعد ان كان 1150 مي

المثال السابع :

▪ باع تاجر محفظة بـ 8.850 د فحقق ربحا نسبته 18 % من ثمن الشراء.  
كم يبلغ ثمن الشراء

الحل : نعرف أن ثمن البيع = ثمن الشراء + الربح  
وبما أن نسبة الربح تساوي 18 % من ثمن الشراء فإن ثمن الشراء يتمثل في  
نسبة

$100\% + 18\% = 118\%$  وهذه النسبة تساوي 8.850 د  
إذن فإننا نقسم 8.850 د على 118 لنعرف 1% ونضرب في 100 لنعرف  
100% أي:

▪ ثمن الشراء بالدينار:  $7.500 = \frac{100 \times 8.850}{118}$  ( التحقيق:  $1.350 = \frac{18 \times 7.500}{100}$  )

|              |        |       |         |
|--------------|--------|-------|---------|
| أستعين بجدول | ؟..... | ..... | 8.850 د |
| التناسب      | .....  | 18 %  | .....   |

• التمارين التطبيقية :

1. باع أب سيارته بـ 13000 د محققا ربحا نسبته 15% من ثمن الشراء.  
بكم اشترى السيارة؟
2. أصبح طول أخي 120 صم سادسة من عمره وذلك بزيادة قدرت بـ 5%  
في سنتين . كم كان طوله عندما كان عمره أربع سنوات؟
3. أرجع موظف للبنك مبلغ 3920 د بفائض قدر بـ 12% . كم اقترض من  
البنك ؟
4. زاد وزن الغلال 20% عند تحويلها إلى مربى . فأصبحت 3,600 كغ . ما  
هو الوزن الأصلي ؟
5. نجح 132 تلميذا بزيادة قدرت بـ 10% . ما هو عدد الناجحين في  
السنة المنقضية ؟



المثال الثامن :

■ تنفق عائلة شهريا 35% من مدخولها للتغذية و 20% للملبس و 12% للأدوية و 15% لمصاريف أخرى و تقتصد 72د. ما هو مدخولها الشهري ؟  
الحل

للبحث عن المدخول الشهري يجب أن نعرف النسبة المئوية التي تمثل جملة المصاريف:

■ النسبة المئوية للمصاريف :  $35\% + 20\% + 12\% + 15\% = 82\%$

و بما أن النسبة المئوية التي تمثل جملة المدخول الشهري هي 100% فإن هذه العائلة تقتصد

■ النسبة المئوية للمبلغ المقتصد :  $100\% - 82\% = 18\%$

إذن فإن 72د = 18%

■ المدخول الشهري بالدينار :  $\frac{100 \times 72}{18} = 400$ د

و هكذا نستطيع أن نبحث عن المبلغ الذي يصرف للتغذية ذلك وهو:

$$140 = \frac{35 \times 400}{100}$$

كما يمكنك البحث عن المبلغ الذي يصرف للملبس والأدوية ...

■ أستعين بجدول التناسب

|       |       |       |       |       |        |
|-------|-------|-------|-------|-------|--------|
| د 72  | ..... | ..... | ..... | ..... | .....؟ |
| ..... | 15%   | 12%   | 20%   | 35%   | .....  |

## الأعداد العشرية

- لقسمة عدد عشري على 10 أنقل الفاصل منزلة واحدة الى اليسار.  
مثال :  $1287,5 : 10 = 128,75$
- لقسمة عدد عشري على 100 أنقل الفاصل منزلتين الى اليسار.  
مثال :  $1287,5 : 100 = 12,875$
- لقسمة عدد عشري على 1000 أنقل الفاصل 3 منازل الى اليسار.  
مثال :  $1287,5 : 1000 = 1,2875$
- لقسمة عدد عشري على 0,1 يكفي ان أضرب العدد نفسه في 10 .  
مثال :  $1,2875 : 0,1 = 12,875$
- لقسمة عدد عشري على 0,01 يكفي ان أضرب العدد نفسه في 100  
مثال :  $1,2875 : 0,01 = 128,75$
- لقسمة عدد عشري على 0,001 يكفي ان أضرب هذا العدد في 100  
مثال :  $1,2875 : 0,001 = 1287,5$
- لقسمة عدد عشري على 0,2 يكفي ان أضرب العدد نفسه في 5 .  
مثال :  $12,5 : 0,2 = 62,5$
- لقسمة عدد عشري على 0,25 يكفي ان أضرب العدد نفسه في 4 .  
مثال :  $12,5 : 0,25 = 50$
- لقسمة عدد عشري على 0,5 يكفي ان أضرب العدد نفسه في 2 .  
مثال :  $12,5 : 0,5 = 25$



## قسمة عدد عشري على عدد صحيح :

$$\begin{array}{r}
 372,05 \quad | \quad 32 \\
 - 32 \phantom{00} \\
 \hline
 52 \phantom{00} \\
 - 32 \phantom{00} \\
 \hline
 200 \phantom{00} \\
 - 192 \phantom{00} \\
 \hline
 85 \phantom{00} \\
 64 \phantom{00} \\
 \hline
 21
 \end{array}$$

لقسمة عدد عشري على عدد صحيح ننفذ العملية بصفة عادية وعندما نصل إلى الفاصل نضعه في خارج القسمة. (أي قسمة الجزء العشري يكون بعد وضع الفاصل في خارج القسمة)

## قسمة عدد عشري على عدد عشري:

لقسمة عدد عشري على عدد عشري يجب تحويل القاسم إلى عدد صحيح بضربه في 10 - 100 - أو 1000..... حسب عدد الأرقام الموجودة على يمين الفاصل وكذلك نفعل بالمقسوم ...

**\*مثال 1:**

$$\begin{array}{r}
 494,2 \quad | \quad 28 \\
 \hline
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 49,42 \quad | \quad 2,8 \\
 \hline
 \end{array}$$

**\*مثال 2:**

$$\begin{array}{r}
 8740 \quad | \quad 158 \\
 \hline
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 87,4 \quad | \quad 1,58 \\
 \hline
 \end{array}$$

## الأعداد الكسرية

• العدد الكسري يتكون من بسط يكتب من أعلى ومقام يكتب من أسفل وبينهما خط الكسر. مثال ثلاثة أرباع  $(\frac{3}{4})$   $\frac{3}{4}$  هي البسط و 4 هي المقام وهي في الواقع عملية قسمة 3 : 4

• كل الأعداد الصحيحة هي أعداد كسرية بسطها العدد نفسه ومقامها 1

$$\text{مثال : } \frac{5}{1} = 5 \quad \frac{25}{1} = 25 \quad \frac{245}{1} = 245$$

• لكل عدد كسري أعدادا كسرية أخرى مساوية له نحصل عليها بضرب البسط والمقام في نفس العدد :

$$\text{مثال : } \frac{3}{4} = \frac{6}{8} = \frac{9}{12} = \frac{12}{16} = \dots = \frac{300}{400}$$

• أو بقسمة البسط والمقام على نفس العدد ويسمى ذلك اختزالا :

$$\text{مثال : } \frac{12}{16} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$$

• كسران يتحدان في المقام أكبرهما ما كان بسطه أكبر

$$\text{مثال : } \frac{8}{16} < \frac{12}{16}$$

• كسران متحدان في البسط أكبرهما ما كان مقامه أصغر

$$\text{مثال : } \frac{12}{16} < \frac{12}{5}$$

• لا يمكن مقارنة كسرين لا يتحدان في البسط والمقام الا بعد القيام بعملية التوحيد والتي تتمثل في ضرب العدد الكسري الأول في مقام العدد الكسري الثاني وضرب العدد الكسري الثاني في مقام العدد الكسري الأول.

$$\text{مثال : } \frac{5}{7} \dots \frac{3}{5} \quad \frac{5 \times 5}{7 \times 5} \dots \frac{7 \times 3}{7 \times 5} \quad \frac{25}{35} > \frac{21}{35}$$



. إذا اتحدت المقامات بالامكان القيام بعملية الجمع والطرح، وذلك بجمع أو طرح البسطين والمحافظة على نفس المقام.

. مثال:  $\frac{13}{7} = \frac{5}{7} + \frac{8}{7}$   $\frac{5}{7} = \frac{8}{7} - \frac{13}{7}$

. إذا كان البسط في العدد الكسري مساو أو من مضاعفات مقامه فخارجه يكون عددا صحيحا.

. مثال:  $1 = \frac{7}{7}$   $3 = \frac{21}{7}$

. إذا كان البسط في العدد الكسري لا يقبل القسمة على المقام أو أصغر منه يكون خارجه عددا عشريا.

. مثال:  $0,75 = \frac{3}{4}$   $2,5 = \frac{20}{8}$

. إذا كان البسط أكبر من المقام يكون الخارج أكبر من 1

. مثال:  $1 < \frac{18}{9}$

. إذا كان البسط أصغر من المقام يكون الخارج أصغر من 1

. مثال:  $1 > \frac{5}{7}$

. إذا كان البسط مساو للمقام يكون الخارج مساو 1

. مثال:  $1 = \frac{7}{7}$